

Ansatz:

$$f(t) = \frac{G}{1 + e^{-k \cdot G \cdot t} \cdot \left(\frac{G}{f(0)} - 1\right)}$$

Gegeben:

$$G = 600$$

$$f(0) = 1$$

$$f(5) = 325$$

Gesucht:

$$k$$

Dann hat man:

$$325 = \frac{600}{1 + e^{-k \cdot 600 \cdot 5} \cdot \left(\frac{600}{1} - 1\right)}$$

$$\Leftrightarrow 325 = \frac{600}{1 + 599 \cdot e^{-3000k}} \quad | \cdot (1 + 599 \cdot e^{-3000k})$$

$$\Leftrightarrow 325 \cdot (1 + 599 \cdot e^{-3000k}) = 600 \quad | : 325$$

$$\Leftrightarrow 1 + 599 \cdot e^{-3000k} = \frac{600}{325} \quad | - 1$$

$$599 \cdot e^{-3000k} = \frac{600}{325} - 1$$

$$\Leftrightarrow 599 \cdot e^{-3000k} = \frac{275}{325} \quad | : 599$$

$$\Leftrightarrow e^{-3000k} = \frac{275}{325 \cdot 599} \quad | \ln(\cdot)$$

$$\Leftrightarrow \ln(e^{-3000k}) = \ln\left(\frac{275}{325 \cdot 599}\right)$$

$$\Leftrightarrow -3000 \cdot k \cdot \ln(e) = \ln(275) - \ln(325 \cdot 599)$$

$$\Leftrightarrow -3000 \cdot k = \ln(275) - \ln(325 \cdot 599) \quad | : (-3000)$$

$$k = \frac{\ln(275) - \ln(325 \cdot 599)}{-3000} \approx \underline{\underline{2,1874 \cdot 10^{-3}}}$$

Dann bekommt man :

$$f(t) = \frac{600}{1 + e^{-2,1874 \cdot 10^{-3} \cdot 600 \cdot t \cdot 599}} = \frac{600}{1 + 599 \cdot e^{-1,31244 \cdot t}}$$